Evaluation formative sur toute la matière de la deuxième partie du cours

Une présentation soignée est exigée. Toute solution sans fondement mathématique sera ignorée. Durée 80 minutes. Nombre de points : 54

Problème 1 8 points

Résoudre :

1)
$$x + \sqrt{5x + 10} = 8$$

2)
$$x^4 - 10x^2 + 9 = 0$$

Problème 2 4 points

- 1) Trouver l'expression fonctionnelle (équation) de la droite passant pas A(2 ;6) et B(5 ;12)
- 2) Trouver l'expression fonctionnelle (équation) de la parabole dont le sommet est S(4 ;6) et qui passe par A(3 ;2)

Problème 3 8 points

On donne la parabole p : $y = \frac{1}{2}x^2 + 3x + 4$ et la droite d : $y - \frac{7}{2}x = 5$

- 1) Calculer les points d'intersections de la parabole avec les axes
- 2) Calculer les coordonnées du sommet de la parabole
- Calculer les points d'intersection de la droite et de la parabole

Problème 4 8 points

Pour confectionner des poufs, une entreprise compte 12'400 francs de frais fixes plus 37 francs par article.

Une étude a permis d'établir que la demande s'exprime par 1'600 - 10p où p est le prix de vente.

- 1) Quel prix doit-on fixer pour atteindre un profit maximum?
- 2) Quel sera le profit maximum ?

Problème 5 6 points

On dépose la somme de 150'000 francs au taux de 3 %.
Quel est l'intérêt total obtenu après 10 ans ? (arrondir le résultat au franc supérieur).

- 2) Après combien d'années un capital placé à un taux annuel de 5 % double-t-il ? (donner la réponse arrondie à l'entier supérieur
- 3) On place 100'000 francs sur un compte bloqué pendant 30 ans. Sachant que le capital triple, quel est le taux?

Problème 6 8 points

Un sac contient 3 boules rouges, 4 bleues et 5 jaunes. On tire simultanément **trois** boules. Quelle est la probabilité que :

- les 3 boules tirées sont jaunes ?
- 2) il y a une boule de chaque couleur?
- 3) il y a 2 boules jaunes et 1 rouge?
- 4) il y a au moins une boule rouge?

Problème 7 12 points

Une entreprise fabrique des meubles de type A et de type B. La fabrication d'un meuble de type A requiert 1 kg de bois et 3 kg de plastique, alors qu'on a besoin de 2 kilos de bois et de 2 kg de plastique pour fabriquer un meuble de type B.

L'entreprise doit produire au moins 45 objets.

L'entreprise dispose globalement de 80 kg de bois et de 120 kg de plastique.

Sachant que, pour chaque meuble vendu, le bénéfice est de 50 francs pour le type A et de 20 francs pour le type B, comment organiser la production afin de réaliser un bénéfice maximal ? Quel est alors le bénéfice réalisé ?