6. Calculs trigonométriques

Généralités

La trigonométrie est la science qui étudie le triangle et le calcul des dimensions des côtés ou des angles. En appliquant le théorème de Thalès sur les triangles semblables ABC, AEF et AGH, on obtient les séries de rapports suivants (fig. 1):

$$\frac{BC}{AC}=\frac{EF}{AF}=\frac{GH}{AH}=\text{sinus }\alpha=\sin\alpha$$

$$\frac{AB}{AC}=\frac{AE}{AF}=\frac{AG}{AH}=\text{cosinus }\alpha=\cos\alpha$$

$$\frac{BC}{AB}=\frac{EF}{AE}=\frac{GH}{AG}=\text{tangente }\alpha=\operatorname{tg}\alpha$$

$$\frac{AB}{BC}=\frac{AE}{EF}=\frac{AG}{GH}=\text{cotangente }\alpha=\operatorname{ctg}\alpha$$

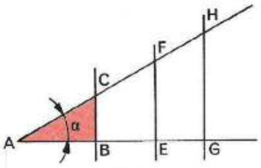


Fig. 1

Triangle ABC
semblable au triangle AEF
semblable au triangle AGH

6. 1. Définition

(fig. 2)

$$\textbf{sinus}\,\alpha=\frac{\text{côté opposé à l'angle }\alpha}{\text{hypoténuse}}=\frac{BC}{AC}$$

$$\textbf{cosinus}\,\alpha=\frac{\text{côté adjacent à l'angle }\alpha}{\text{hypoténuse}}=\frac{AB}{AC}$$

$$\textbf{tangente}\,\alpha=\frac{\text{côté opposé à l'angle }\alpha}{\text{côté adjacent à l'angle }\alpha}=\frac{BC}{AB}$$

$$\textbf{cotangente}\,\alpha=\frac{\text{côté adjacent à l'angle }\alpha}{\text{côté opposé à l'angle }\alpha}=\frac{AB}{BC}$$

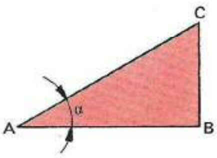


Fig. 2

AC ⇒ hypoténuse du triangle
AB ⇒ côté adjacent à l'angle α
BC ⇒ côté opposé à l'angle α

Remarques

Ces quantités, sinus, cosinus, tangente, cotangente, dépendent uniquement de l'angle considéré; ce sont donc des fonctions de cet angle.

Ces fonctions trigonométriques sont des nombres sans unité, donc nombres purs.

En mécanique, la grande majorité des problèmes se résolvent par le triangle rectangle.

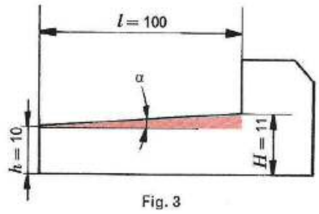


Fig. 3

6. 2. Calculs divers

Clavettes, cônes.

Exemple 1

Une clavette a une inclinaison de 1%. Quel angle forme le côté incliné (fig. 3)?

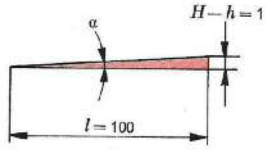


Fig. 4

Solution

Une inclinaison de 1% signifie que l'épaisseur augmente de 1 mm pour 100 mm de longueur. Le triangle rectangle étant formé, nous avons (fig. 4):

$$\text{tangente}\,\alpha=\frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}}=\frac{1}{100}=0{,}01$$

D'après la table, nous avons:

angle $\alpha^{\circ}=\mathbf{0^{\circ}34'23''}$

Exemple 2

D'un cône, nous connaissons le grand diamètre $D=40$ mm, le petit diamètre $d=20$ mm et sa longueur $l=35$ mm.

Calculer:

1°) La conicité

2°) L'angle de réglage du chariot $\frac{\alpha}{2}$

3°) L'angle du cône α

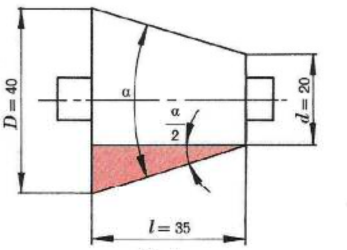


Fig. 5

Solution

1°) Conicité $\quad \dfrac{D-d}{l}=\dfrac{40-20}{35}=\dfrac{20}{35}=\mathbf{0{,}57143}$

Cette valeur nous indique une variation de diamètre de 0,57143 mm pour 1 mm de longueur du cône.

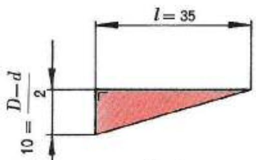


Fig. 6

2°) Angle de réglage du chariot $\frac{\alpha}{2}$

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}=\frac{\frac{D-d}{2}}{l}=\frac{D-d}{2\cdot l}=\frac{40-20}{2\times 35}=\frac{20}{70}$$

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}=0{,}28571 \text{ d'où}$$

$$\frac{\alpha}{2}=\mathbf{15^{\circ}57'}$$

3°) Angle total du cône α

$$\alpha=2\cdot\frac{\alpha}{2}=2\times 15^{\circ}57'=\mathbf{31^{\circ}54'}$$

Exemple 3

Un alésoir conique de 150 mm de longueur a une conicité de 1:5. Quel est le grand diamètre D si le petit diamètre d vaut 30 mm, et quel est l'angle de réglage du chariot $\frac{\alpha}{2}$?

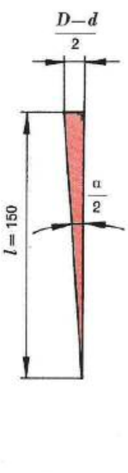


Fig. 8

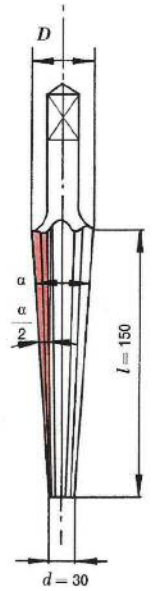


Fig. 7

Solution

Une conicité 1:5 veut dire que nous avons une variation de diamètre de 1 mm pour une longueur de cône de 5 mm, ou variation de 20 mm de diamètre pour une longueur de cône de 100 mm.

$$\text{Conicité}\quad \frac{1}{5}=\frac{D-d}{l}$$

d'où grand diamètre de l'alésoir

$$D=\frac{1}{5}\cdot l+d=\frac{1}{5}\times 150+30=30+30$$

$D=\mathbf{60\ mm}$

Angle de réglage du chariot

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}=\frac{\frac{D-d}{2}}{l}=\frac{D-d}{2\cdot l}=\frac{60-30}{2\times 150}=\frac{30}{300}=0{,}1$$

d'où $\quad \dfrac{\alpha}{2}=\mathbf{5^{\circ}43'}$

6. 3. Positionnement d'une bague conique

Le calcul de la valeur de la profondeur de passe a en fonction du déplacement longitudinal x de la jauge s'effectue de la manière suivante: du triangle rectangle (fig. 10), nous avons:

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = \frac{a}{x} \text{ d'où profondeur de passe}$$

$$a = x \cdot \operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}$$

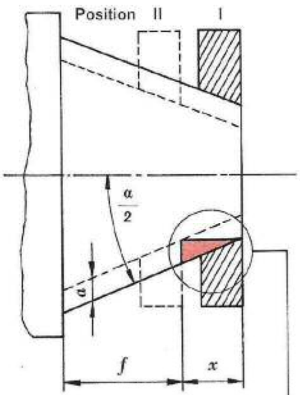


Fig. 9

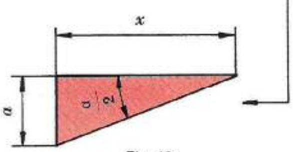


Fig. 10

Exemple 4

Sur un cône morse N° 5, nous devons ajuster une bague (fig. 9). Cette bague se situe à 6,5 mm de la cote définitive. Quelle est la profondeur de passe nécessaire pour effectuer cet ajustement?

Solution

D'après la tabelle, nous trouvons pour un cône morse N° 5

conicité 1 : 19,002

d'où

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = \frac{D\text{-}d}{2 \cdot l} = \frac{1}{2} \cdot \frac{D\text{-}d}{l} = \frac{1}{2} \cdot \text{conicité}$$

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{19{,}002} = \frac{1}{38{,}004} = 0{,}026313$$

d'après la table $\frac{\alpha}{2} = 1°30'25''$

Profondeur de passe

$$a = x \cdot \operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = 6{,}5 \times 0{,}026313 = \mathbf{0{,}171\ mm}$$

6. 4. Vérification des diamètres d'un cône

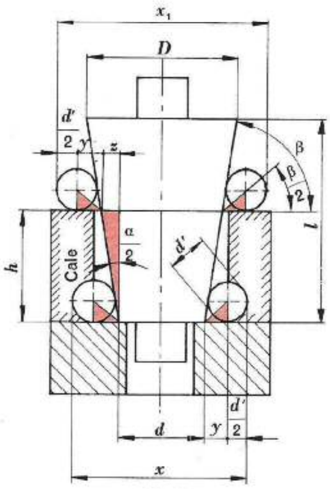


Fig. 11

Distance $x_1 = d + 2z + 2y + d'$

Distance $x = d + 2y + d'$

Contrôle de la conicité

$$\text{Conicité} = \frac{x_1 - x}{h}$$

Exemple 5

On désire vérifier le cône figure 11. Diamètre $D = 50$ mm, $d = 42$ mm, longueur du cône $l = 60$ mm, diamètre des piges $d' = 10$ mm, hauteur des cales $h = 45$ mm. Quelles sont les cotes x_1 et x? Vérifier la conicité.

Solution

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = \frac{D-d}{2l} = \frac{50-42}{2 \times 60} = 0{,}06666$$

$$\text{d'où } \frac{\alpha}{2} = 3{,}814°$$

$$\text{Angle } \beta = 90 - 3{,}814 = 86{,}186°$$

$$\text{Angle } \frac{\beta}{2} = \frac{86{,}186}{2} = 43{,}093°$$

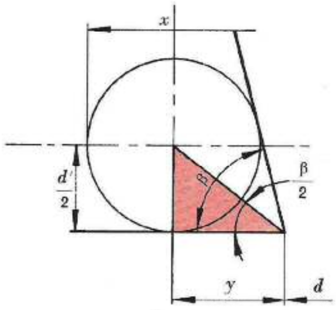


Fig. 12

Valeur y (fig. 12)

$$\operatorname{ctg}\frac{\beta}{2} = \frac{y}{\frac{d'}{2}} \text{ d'où } y = \frac{d'}{2} \operatorname{ctg}\frac{\beta}{2}$$

$$y = \frac{10}{2} \times 1{,}0688$$

$$y = 5{,}344 \text{ mm}$$

Distance x

$x = d + 2y + d'$

$x = 42 + 2 \times 5{,}344 + 10 = \mathbf{62{,}688\ mm}$

Valeur z (fig. 13)

$$\frac{z}{h} = \operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} \text{ d'où } z = h \cdot \operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}$$

$z = 45 \times \operatorname{tg} 3{,}814°$

$z = 45 \times 0{,}066\bar{6}$

$z = 2{,}99999$ mm

Distance x_1

$x_1 = d + 2z + 2y + d'$

$x_1 = 42 + 2 \times 2{,}99999 + 2 \times 5{,}344 + 10$

$x_1 = 42 + 5{,}99998 + 10{,}688 + 10$

$x_1 \approx \mathbf{68{,}688\ mm}$

En cours d'usinage, nous pouvons contrôler facilement la conicité connaissant x x_1 et h

$$\text{Conicité} = \frac{x_1 - x}{h} = \frac{68{,}688 - 62{,}688}{45}$$

$= 0{,}1333\ldots$ ou après usinage

$$\text{Conicité} = \frac{D-d}{l} = \frac{50-42}{60} = \mathbf{0{,}133\bar{3}\ldots}$$

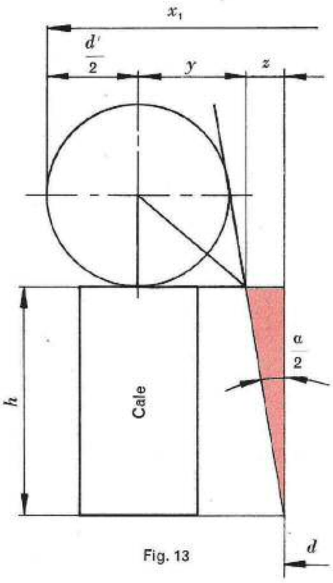


Fig. 13

Remarque

Dans cet exemple, nous avons pris la valeur décimale du degré pour nous familiariser avec cette méthode.

6. 5. Inclinaison des outils à fileter

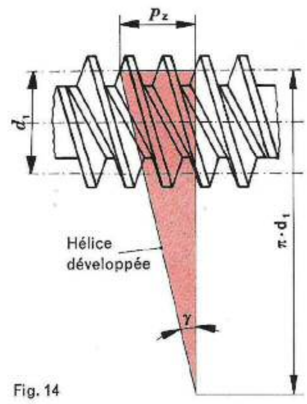


Fig. 14

p_z = pas de l'hélice

d_m = diamètre moyen pour vis à pas métrique

d = diamètre primitif pour vis sans fin

γ = inclinaison d'hélice

L'inclinaison du tranchant de l'outil doit coïncider avec l'angle d'inclinaison de l'hélice du filet. Cette inclinaison dépend du pas et du diamètre de filetage, en principe du diamètre moyen. Pour trouver l'angle décrit par le filet, on le développe (fig. 14).

Inclinaison de l'hélice

$$\operatorname{tg}\gamma = \frac{p_z}{\pi \cdot d_m} \text{ ou } \frac{p_z}{\pi \cdot d}$$

Exemple 6

Quelle inclinaison faut-il donner à un burin pour fileter une vis à pas carré de 8 mm? Diamètre extérieur 48 mm.

Solution

$$\text{Diamètre moyen } d_m = 48 - \frac{8}{2} = 44 \text{ mm}$$

$$\text{Inclinaison } \operatorname{tg}\gamma = \frac{p_z}{\pi \cdot d_m} = \frac{8}{3{,}14 \times 44} = 0{,}0579$$

d'où $\gamma = \mathbf{3°19'}$

Exemple 7

Quelle sera l'inclinaison d'un burin à fileter pour le filetage d'une vis sans fin au module axial 3 mm à 2 filets? Le diamètre primitif de la vis sans fin est de 35 mm.

Solution

Angle d'inclinaison du filet au cercle primitif

$$\operatorname{tg}\gamma = \frac{m \cdot z}{d} = \frac{3 \times 2}{35} \text{ (voir vis sans fin)}$$

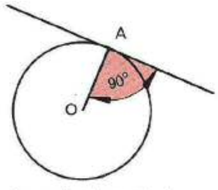
$\operatorname{tg}\gamma = 0{,}1714$

d'où $\gamma = \mathbf{9°44'}$

6. 6. Mesure des rainures, queues d'aigles

On ne peut pas mesurer d'une façon précise sur l'arête d'un angle, cette arête pouvant être plus ou moins vive. La mesure ou le contrôle s'effectue à l'aide de **piges**. Pour contrôler ces rainures, nous employons toujours les deux principes fondamentaux suivants:

1°) Une tangente à un cercle est toujours perpendiculaire au rayon passant par le point de contact (fig. 15).



A = point de contact

Fig. 15

2°) Lorsque nous avons deux tangentes concourantes en un point, la droite reliant ce point au centre du cercle représente la bissectrice de l'angle formé par les deux tangentes (fig. 16).

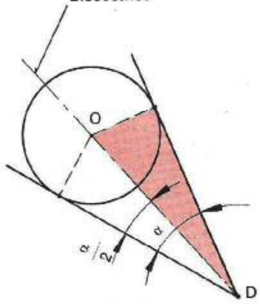


Fig. 16

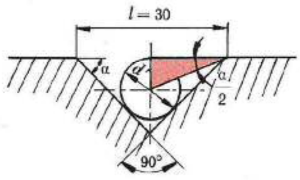


Fig. 17

Exemple 8

On désire contrôler l'exactitude d'une rainure en forme de vé à 90° qui doit avoir 30 mm d'ouverture; quel sera le diamètre de la pige qui doit s'inscrire exactement dans le vé?

Solution

Le triangle ABC étant isocèle (fig. 18), nous avons

$$\alpha = \frac{180° - 90°}{2} = 45°$$

$$\frac{\alpha}{2} = \frac{45°}{2} = 22°30'$$

la droite OB étant bissectrice de l'angle en B.

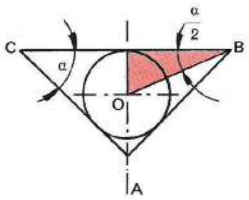


Fig. 18

Du triangle rouge (fig. 18)

$$\operatorname{tg}\frac{\alpha}{2} = \frac{\frac{d'}{2}}{\frac{l}{2}} = \frac{d'}{l} \quad \text{d'où}$$

$$d' = \operatorname{tg}\frac{\alpha}{2}\cdot l = \operatorname{tg} 22°30' \times 30$$

$d' = 0{,}4142 \times 30 =$ **12,426 mm**

Exemple 9

On désire contrôler la jauge selon dessin figure 19 à l'aide d'une pige diamètre $d' = 10$ mm. Quelle est la valeur de la cote x?

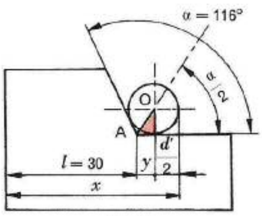


Fig. 19

Solution

Du dessin $x = l + y + \frac{d'}{2}$

La droite OA étant la bissectrice de l'angle α nous avons

$$\frac{\alpha}{2} = \frac{116°}{2} = 58°$$

Du triangle rouge (fig. 20)

$$\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2} = \frac{y}{\frac{d'}{2}} \quad \text{d'où } y = \frac{d'}{2}\cdot\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2}$$

En introduisant y dans la première formule, la cote de contrôle devient

$$x = l + \frac{d'}{2}\cdot\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2} + \frac{d'}{2}$$

$$x = 30 + \frac{10}{2} \times 0{,}6249 + \frac{10}{2}$$

$$x = 30 + 5 \times 0{,}6249 + 5$$

$x =$ **38,1245 mm**

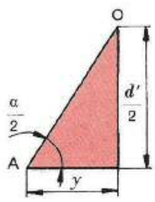


Fig. 20

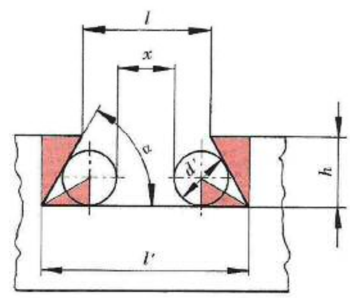


Fig. 21

Exemple 10

Déterminer la cote de contrôle x et la longueur l' d'une coulisse femelle suivant dessins (fig. 21 et 22); le diamètre des piges d' vaut 15 mm, l'angle α 60°, la hauteur h 19 mm et la longueur l 95 mm.

Solution

Nous remarquons que la cote de contrôle x est une somme algébrique de segments.

$$\text{Cote } x = l + 2z - 2y - 2\cdot\frac{d'}{2}$$

$$= l + 2z - 2y - d'$$

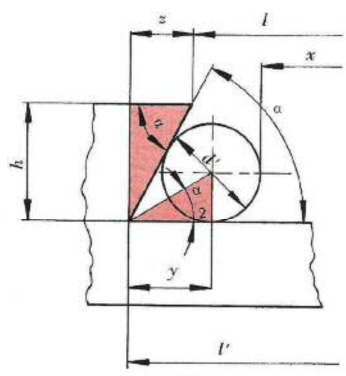


Fig. 22

Des triangles rouges (fig. 22), nous obtenons:

$$\operatorname{ctg}\alpha = \frac{z}{h} \quad \text{d'où } z = h\cdot\operatorname{ctg}\alpha \quad \text{et}$$

$$\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2} = \frac{y}{\frac{d'}{2}} \quad \text{d'où } y = \frac{d'}{2}\cdot\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2}$$

En introduisant z et y dans la formule ci-dessous, nous obtenons la formule générale:

Cote

$$x = l + 2z - 2y - d'$$

$$x = l + 2\cdot h\cdot\operatorname{ctg}\alpha - 2\frac{d'}{2}\cdot\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2} - d'$$

En simplifiant:

Cote

$$x = l + 2 \cdot h \cdot \text{ctg}\,\alpha - d' \cdot \text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} - d'$$

$$\boxed{x = l + 2 \cdot h \cdot \text{ctg}\,\alpha - d'\left(\text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} + 1\right)}$$

En introduisant les valeurs numériques:

Cote

$$x = 95 + 2 \times 19 \cdot \text{ctg}\,60° - 15\left(\text{ctg}\,\frac{60°}{2} + 1\right)$$

$$x = 95 + 2 \times 19 \times 0{,}5774 - 15\,(1{,}732 + 1)$$

$$x = 95 + 21{,}9412 - 40{,}98$$

$$x = \mathbf{75{,}9612\ mm}$$

Longueur

$$l' = l + 2z$$

$$= l + 2 \cdot h \cdot \text{ctg}\,\alpha = 95 + 2 \times 19 \cdot \text{ctg}\,60°$$

$$= 95 + 2 \times 19 \times 0{,}5774 = 95 + 21{,}9412$$

$$l' = \mathbf{116{,}9412\ mm}$$

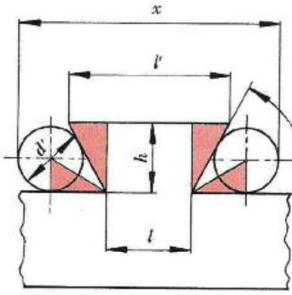


Fig. 23

Exemple 11

Déterminer la cote de contrôle x et la longueur l d'une coulisse mâle suivant dessins (fig. 23 et 24). Le diamètre des piges d' vaut 15 mm, l'angle α 60°, la hauteur h 18 mm et la longueur l' 109 mm.

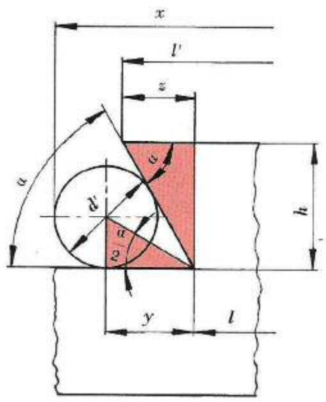


Fig. 24

Solution

Le principe du calcul est identique à la coulisse femelle.

$$\text{Cote } x = l' - 2z + 2y + 2 \cdot \frac{d'}{2}$$

$$= l' - 2z + 2y + d'$$

Des triangles rouges de la figure 24, nous obtenons:

$$\text{ctg}\,\alpha = \frac{z}{h} \quad \text{d'où } z = h \cdot \text{ctg}\,\alpha$$

$$\text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} = \frac{y}{\frac{d'}{2}} \quad \text{d'où } y = \frac{d'}{2} \cdot \text{ctg}\,\frac{\alpha}{2}$$

En introduisant z et h dans la formule ci-dessous, nous avons:

Cote

$$x = l' - 2z + 2y + d'$$

$$= l' - 2h \cdot \text{ctg}\,\alpha + 2 \cdot \frac{d'}{2} \cdot \text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} + d'$$

$$= l' - 2 \cdot h \cdot \text{ctg}\,\alpha + d' \cdot \text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} + d'$$

$$\boxed{x = l' - 2 \cdot h \cdot \text{ctg}\,\alpha + d'\left(\text{ctg}\,\frac{\alpha}{2} + 1\right)}$$

En introduisant les valeurs numériques:

Cote

$$x = 109 - 2 \times 18 \cdot \text{ctg}\,60° + 15\left(\text{ctg}\,\frac{60°}{2} + 1\right)$$

$$x = 109 - 2 \times 18 \times 0{,}5774 + 15\,(1{,}732 + 1)$$

$$x = 109 - 20{,}7864 + 40{,}98 = \mathbf{129{,}1936\ mm}$$

Longueur $l = l' - 2z = l' - 2h\,\text{ctg}\,\alpha$

$$l = l' - 2h \cdot \text{ctg}\,60°$$

$$l = 109 - 2 \times 18 \times 0{,}5774$$

$$l = 109 - 20{,}7864$$

$$l = \mathbf{88{,}2136\ mm}$$

6. 7. Contrôle de la valeur de l'angle

au moyen de piges et de cales

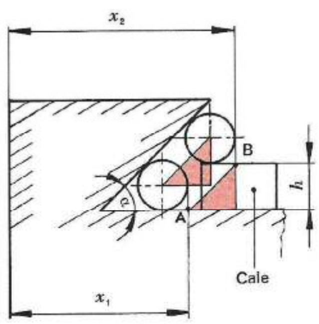


Fig. 25

On prend deux mesures aussi éloignées que possible (suivant fig. 25) pour augmenter la précision du contrôle. La droite AB est parallèle à la face oblique, donc l'angle α de la pièce à contrôler est égal à l'angle α du triangle (fig. 26). Nous obtenons:

$$\boxed{\text{tg}\,\alpha = \frac{h}{x_2 - x_1}}$$

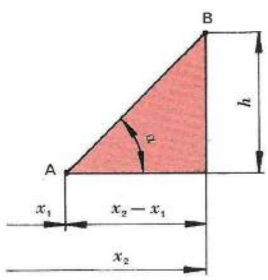


Fig. 26

Exemple 12

On mesure pour $x_1 = 42$ mm

$x_2 = 58{,}778$ mm

Hauteur de la cale $h = 20$ mm

Calculer l'angle α de la coulisse.

Solution

$$\text{tg}\,\alpha = \frac{h}{x_2 - x_1} = \frac{20}{58{,}778 - 42} = \frac{20}{16{,}778}$$

$$\text{tg}\,\alpha = 1{,}192 \quad \text{d'où } \alpha = \mathbf{50°}$$

6. 8. Appareil sinus

Pour les mesures angulaires précises, on utilise des appareils mécaniques basés sur la mesure du sinus de l'angle considéré.

Principe d'une table sinus (fig. 27)

Une règle est munie de deux cylindres parfaitement rectifiés dont l'entraxe L est connu, en général 100 mm. Cette longueur L est établie avec une très grande précision; nous pouvons avoir éventuellement un multiple ou sous-multiple de L.

Nous obtenons du triangle (fig. 27 et 28)

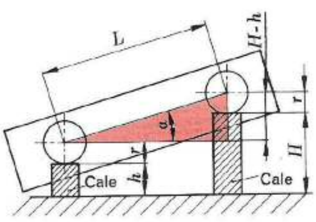


Fig. 27

$$\text{sinus } \alpha = \frac{H-h}{L}$$

ou $H-h$ = différence de hauteur des cales.

Si L vaut 100 mm, nous avons la formule suivante:

$$\text{sinus } \alpha = \frac{H-h}{L} = \frac{H-h}{100}$$

d'où différence de hauteur des cales:

$H-h = 100 \cdot \text{sinus } \alpha$

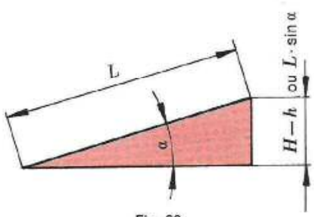


Fig. 28

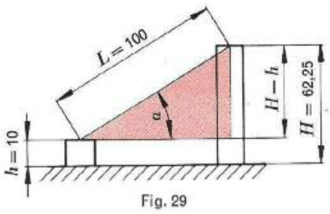


Fig. 29

Exemple 13

Calculer l'inclinaison de la table sinus si nous avons sous le premier cylindre une cale h de 10 mm et sous le deuxième cylindre une cale H de 62,25 mm.

Solution (fig. 29)

$$\sin \alpha = \frac{H-h}{L} = \frac{62{,}25 - 10}{100} = \frac{52{,}25}{100}$$

$\sin \alpha = 0{,}5225$ d'où $\alpha =$ **31° 30'**

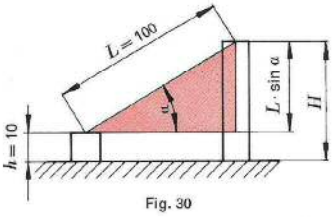


Fig. 30

Exemple 14

Sur une équerre de montage, nous devons fixer une pièce dont l'axe doit être incliné de 21° 30'. Nous mettons une cale h de 10 mm. Quelle sera la hauteur de la deuxième cale H?

Solution (fig. 30)

$$H - h = L \cdot \sin \alpha$$
$$H = L \cdot \sin \alpha + h$$
$$= 100 \cdot \sin 21° 30' + 10$$
$$= 100 \times 0{,}3665 + 10$$
$$= 36{,}65 + 10$$

$H =$ **46,65 mm**

6. 9. Affûtage et taillage des fraises

6. 9. 1. Avec meule plate

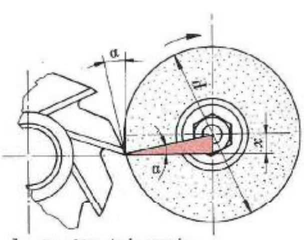
Régler d'abord l'arête de coupe dans le plan horizontal de l'axe de la fraise. Il faut ensuite décaler le centre de la meule par rapport au centre de la fraise pour obtenir l'angle de dépouille α. **La face de dépouille est concave**; pour réduire cet inconvénient, on choisit une meule avec le diamètre le plus grand possible. Les angles α sont égaux, leurs côtés étant parallèles deux à deux.

Du triangle rouge (fig. 31), nous obtenons la formule:

Décalage des centres x

$$\sin \alpha = \frac{x}{\frac{d}{2}} \quad \text{d'où}$$

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin \alpha$$



d = diamètre de la meule

Fig. 31

Exemple 15

Une fraise doit être affûtée avec une meule d'un diamètre de 110 mm. Nous travaillons un acier, l'angle de dépouille est de 7°. Calculer le décentrage x.

Solution

Décentrage ou décalage des centres

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin \alpha = \frac{110}{2} \cdot \sin 7°$$

$$= \frac{110}{2} \times 0{,}1219$$

$x =$ **6,704 mm**

d = diamètre de la fraise

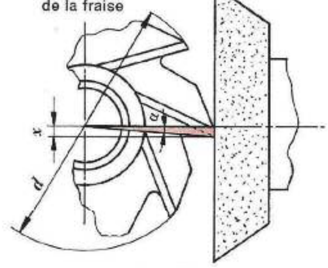


Fig. 32

6. 9. 2. Avec une meule boisseau

La face de dépouille sera plane. La fraise et la meule sont sur le même axe; on règle la hauteur de la touche d'appui de façon que l'arête de coupe de la fraise soit en dessous de l'axe d'une quantité x. Cette fois, c'est le diamètre de la fraise qui intervient dans la formule.

Décalage de l'arête de coupe par rapport au centre de la fraise (fig. 32):

$$\sin \alpha = \frac{x}{\frac{d}{2}} \quad \text{d'où}$$

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin \alpha$$

Exemple 16

Une fraise de 70 mm de diamètre doit être affûtée avec une meule boisseau. L'angle de dépouille est de 5°. Calculer le décalage de l'arête de coupe x.

Solution

Décalage de l'arête de coupe:

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin \alpha$$

$$= \frac{70}{2} \cdot \sin 5°$$

$$= \frac{70}{2} \times 0{,}0872$$

$x =$ **3,052 mm**

6. 9. 3. Décalage transversal de la fraise de taillage

La face d'attaque des dents n'est pas dirigée suivant le rayon de la fraise, mais passe en arrière du centre d'une valeur x déterminant un angle d'attaque α On obtient la formule pour le décalage transversal de la figure 33:

Décalage x $\quad \sin\alpha = \dfrac{x}{\frac{d}{2}}$ d'où

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin\alpha$$

d = diamètre de la fraise à usiner

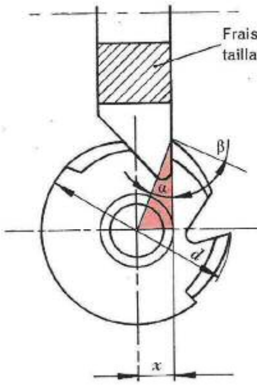


Fig. 33

Exemple 17

Une fraise d'un diamètre de 90 mm doit être usinée suivant dessin (fig. 33), avec un angle de coupe β égal à 70°. Déterminer le décalage transversal x de la fraise de taillage.

Solution

Angle d'attaque $\alpha = 90° - 70° = 20°$

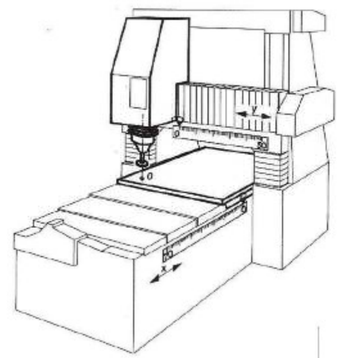
Décalage transversal

$$x = \frac{d}{2} \cdot \sin\alpha$$

$$x = \frac{90}{2} \cdot \sin 20°$$

$$x = \frac{90}{2} \times 0{,}3420$$

$$\mathbf{x = 15{,}39\ mm}$$



Machine à pointer

6. 10. Machine à pointer

Ce genre de machine sert à exécuter **avec la plus haute précision le millième de millimètre** (1 µ) des outillages, soit gabarits, posages, montages, etc., ou faire de l'usinage de pièces mécaniques en petite série avec une précision telle qu'aucun travail d'ajustage ne soit plus nécessaire au moment du montage.

Pour économiser le temps de l'opérateur et faciliter son travail, on doit exécuter très judicieusement les dessins, de façon à trouver directement les lectures à faire sur les règles de calage et les tambours micrométriques. En principe, on utilise un départ commun pour toutes les cotes.

Exemple

0 mm en x et 0 mm en y
50 mm en x et 50 mm en y
100 mm en x et 100 mm en y

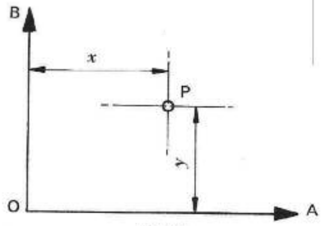


Fig. 34

Exemple de cotation d'un point P (fig. 34)

Le dessin s'exécute en **coordonnées rectangulaires**; les cotes x et y sont les distances par rapport aux deux droites OB et OA prises comme axes de traçage. Les longueurs x et y sont les coordonnées du point P. La droite OB s'appelle l'**ordonnée** ou axe des y et la droite OA l'**abscisse** ou axe des x.

Exemple 18 (fig. 35)

Dans une plaque de base où il y a de nombreux trous, on les numérote et, sur un tableau, on indique les dimensions des coordonnées x et y.

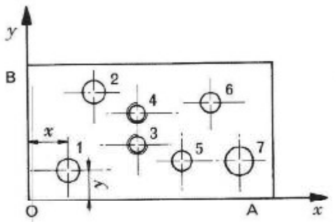


Fig. 35

Solution

Trou N°	Coordonnées x	Coordonnées y	Dimensions
0	0,000	0,000	—
1	80,000	60,000	20 - H 7
2	124,425	250,920	16 ±0,02
3	220,000	72,500	M 18
4	220,000	152,500	M 18
5	280,000	65,000	22 - H 6
6	312,750	168,320	22 - H 6
7	384,250	65,000	22 - R 7

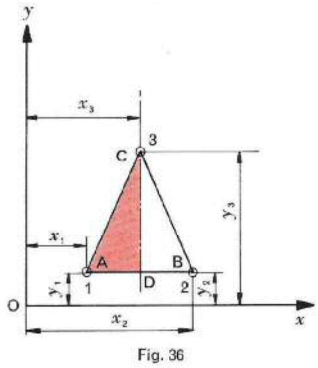


Fig. 36

Exemple 19

Suivant dessin (fig. 36), calculer la position de trois trous se trouvant aux sommets des angles d'un triangle isocèle dont la base doit avoir 46 mm et les côtés égaux 60 mm.

Solution

Suivant dessin (fig. 36), nous mettons la ligne passant par les trous A et B parallèle à l'abscisse et nous fixons sa distance à 20 mm par exemple. Nous situons l'axe du trou A à 30 mm par rapport à l'ordonnée et ainsi nous avons nos points de départ.

$x_1 = 30$ mm et $y_1 = \mathbf{20\ mm}$

Nous trouvons x_2 en ajoutant la distance AB.

$x_2 = x_1 + \text{AB} = 30 + 46 = \mathbf{76\ mm}$

$y_2 = y_1 = \mathbf{20\ mm}$

$x_3 = x_1 + \dfrac{\text{AB}}{2} = 30 + \dfrac{46}{2} = \mathbf{53\ mm}$

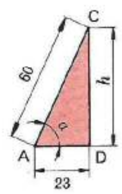


Fig. 37

En utilisant la trigonométrie, nous calculons y_3 (fig. 36). Le triangle isocèle ABC se divise en deux triangles rectangles égaux (voir fig. 37).

$$\cos\alpha = \frac{23}{60} = 0{,}38333\ldots$$

D'après la table trigonométrique, on trouve que le cos α de 0,38333 correspond à l'angle de 67,46° et que le sinus de 67,46° est égal à 0,92361, hauteur du triangle isocèle.

$$\sin \alpha = \frac{h}{60} \quad \text{d'où}$$

$$h = 60 \cdot \sin \alpha$$

$$= 60 \times 0{,}92361$$

$$h = 55{,}4166$$

Nous obtenons ainsi la valeur

$$y_3 = y_1 + h = 20 + 55{,}4166$$

$$y_3 = \mathbf{75{,}4166}$$

Récapitulation

Trou N°	Coordonnées x	Coordonnées y
1	30,000	20,000
2	76,000	20,000
3	53,000	75,4166