

Equations différentielles de 1e ordre

Ci-dessous, y et x sont des fonctions qui dépendent de la variable t .

Equations différentielles:

$y' = a \cdot y$, où a est un nombre réel

$y' = a \cdot y + b$, où a , et b sont des nombres réels

$y' = f(t) \cdot y$, où $f(t)$ est une fonction pour laquelle on peut trouver une primitive

$y' = a \cdot y + f(t)$, où a est un nombre réel et $f(t)$ est une fonction pour laquelle on peut trouver une primitive de $f(t) \cdot e^{-a \cdot t}$

$y' = f(t) \cdot y + g(t)$, où $f(t)$ et $g(t)$ sont des fonctions pour lesquelles on peut trouver une primitive $F(t)$ de $f(t)$ et une primitive de $g(t) \cdot e^{-F(t)}$

$y' = a \cdot y^2 + b \cdot y + c$, où a , b et c sont des nombres réels tels que l'équation $au^2 + bu + c = 0$ a deux solutions réelles A et B

$y' = a \cdot \frac{y}{t}$, où a est un nombre réel

$x' = a \cdot x + b \cdot y$
 $y' = c \cdot x + d \cdot y$
 où a , b , c et d sont des nombres réels tels que l'équation $u^2 - (a + d) \cdot u + (ad - bc) = 0$ a deux solutions réelles A et B

Solutions:

$y = k \cdot e^{a \cdot t}$, où k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = k \cdot e^{a \cdot t - \frac{b}{a}}$, où k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = k e^{F(t)}$, où $F(t)$ est une primitive de la fonction $f(t)$ et k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = (G(t) + k) \cdot e^{a \cdot t}$, où $G(t)$ est une primitive de $f(t) \cdot e^{-a \cdot t}$ et k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = (H(t) + k) \cdot e^{F(t)}$, où $F(t)$ est une primitive de $f(t)$, $H(t)$ est une primitive de $g(t) \cdot e^{-F(t)}$ et k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = A + \frac{B-A}{1+k \cdot e^{a \cdot (B-A) \cdot t}}$, où k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$y = k \cdot t^a$, où k est un nombre qui dépend des conditions initiales

$x = k_1 \cdot e^{A \cdot t} + k_2 \cdot e^{B \cdot t}$
 $y = k_3 \cdot e^{A \cdot t} + k_4 \cdot e^{B \cdot t}$
 où k_1 , k_2 , k_3 et k_4 sont des nombres qui dépendent des conditions initiales